

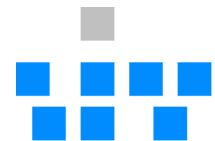
WESTFÄLISCHE  
WILHELMS-UNIVERSITÄT  
MÜNSTER

# › Lösung eines Sudokus mit PL/I

München 2009

Eberhard Sturm  
ZIV (Uni-RZ)  
Münster  
[sturm@uni-muenster.de](mailto:sturm@uni-muenster.de)

wissen.leben  
WWU Münster



ZENTRUM FÜR  
INFORMATIONEN  
VERARBEITUNG

# > Worum geht es eigentlich?

20:57

## Zahlenrätsel

- Ein leichtes Sudoku:

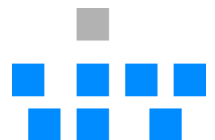
6	7	1	8	3	4	9	2	5
4	3	2	1	5	9	6	8	7
9	5	8	7	6	2	4	1	3
5	8	9	6	2	1	3	7	4
3	4	6	9	7	8	2	5	1
1	2	7	5	4	3	8	6	9
2	6	3	4	1	7	5	9	8
7	9	5	3	8	6	1	4	2
8	1	4	2	9	5	7	3	6

46 Zahlen fehlen!

- Ein schweres Sudoku:

1	5	7	2	6	9	8	3	4
6	9	3	8	4	1	2	5	7
8	4	2	3	7	5	1	9	6
5	1	6	4	8	2	3	7	9
4	7	9	5	1	3	6	8	2
2	3	8	6	9	7	4	1	5
9	8	1	7	2	6	5	4	3
7	2	5	1	3	4	9	6	8
3	6	4	9	5	8	7	2	1

53 Zahlen fehlen!



# › Alles ist möglich ...

20:57

Wie lösbar?

- leicht :



- mittelschwer :



- schwer :



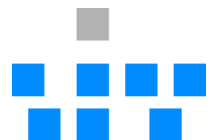
- unlösbar:



- mehrdeutig:



- leer:



# › Ein leichtes Sudoku

20:57

```
C:\ Sudopli.exe

Sudopli 1.0 - Copyright 2005 Eberhard Sturm

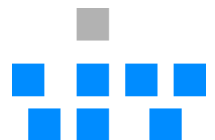
Lösung <"C:\Dokumente und Einstellungen\admin\Desktop\TRANSPORT\Sudoku\leicht.t
">:

6 7 1 8 3 4 9 2 5
4 3 2 1 5 9 6 8 7
9 5 8 7 6 2 4 1 3

5 8 9 6 2 1 3 7 4
3 4 6 9 7 8 2 5 1
1 2 7 5 4 3 8 6 9

2 6 3 4 1 7 5 9 8
7 9 5 3 8 6 1 4 2
8 1 4 2 9 5 7 3 6

Dies war eine leichte Aufgabe <gesucht: 46> ...
```



# › Ein mittelschweres Sudoku

20:59

```
C:\> Sudopli.exe

Sudopli 1.0 - Copyright 2005 Eberhard Sturm

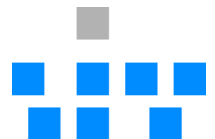
Lösung <"C:\Dokumente und Einstellungen\admin\Desktop\TRANSPORT\Sudoku\mittel.t
">:

7 2 6 1 5 3 4 9 8
9 5 4 8 6 2 1 3 7
8 1 3 7 9 4 5 6 2

6 8 1 4 7 5 3 2 9
5 9 2 3 1 6 8 7 4
3 4 7 9 2 8 6 5 1

2 3 8 6 4 9 7 1 5
4 7 5 2 3 1 9 8 6
1 6 9 5 8 7 2 4 3

Dies war eine mittelschwere Aufgabe <gesucht: 53> ...
```



# › Ein schweres Sudoku

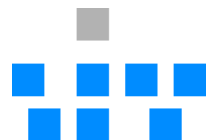
21:00

```
C:\ Sudopli.exe
Sudopli 1.0 - Copyright 2005 Eberhard Sturm
Lösung (<"C:\Dokumente und Einstellungen\admin\Desktop\TRANSPORT\Sudoku\schwer.t
">):
5 6 7 2 9 8 4 1 3
9 8 1 7 4 3 2 5 6
4 3 2 6 5 1 9 8 7

6 4 8 3 1 2 7 9 5
3 7 9 5 8 6 1 2 4
1 2 5 4 7 9 3 6 8

2 5 6 1 3 4 8 7 9
7 9 3 8 2 5 6 4 1
8 1 4 9 6 7 5 3 2

Dies war eine schwere Aufgabe (gesucht: 53) ...
```



# › Ein unlösbares Sudoku

21:00

```
C:\> Sudopli.exe

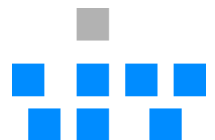
Sudopli 1.0 - Copyright 2005 Eberhard Sturm

6 7 5 8 3 ? 9 2 4
4 3 2 1 5 9 6 8 7
9 ? 8 7 6 2 ? 1 3

5 8 9 6 2 3 4 7 1
3 4 6 9 7 1 2 5 ?
1 2 7 5 4 8 3 6 9

2 6 3 4 1 7 5 9 8
7 5 ? 3 8 6 1 4 2
8 1 4 2 9 5 7 3 6

Diese Aufgabe ist nicht lösbar (gesucht: 45) ...
```



# › Ein mehrdeutiges Sudoku

21:02

```
C:\ Sudopli.exe
Sudopli 1.0 - Copyright 2005 Eberhard Sturm
Lösung (<"C:\Dokumente und Einstellungen\admin\Desktop\TRANSPORT\Sudoku\mehrdeutig.t">):
6 9 3 7 8 5 2 4 1
5 7 1 9 2 4 8 3 6
4 2 8 3 1 6 5 7 9

9 4 7 2 3 8 1 6 5
3 5 2 4 6 1 9 8 7
1 8 6 5 7 9 4 2 3

2 6 5 1 4 7 3 9 8
8 3 9 6 5 2 7 1 4
7 1 4 8 9 3 6 5 2

Eine weitere Lösung:
6 9 3 7 8 5 4 2 1
5 7 1 9 2 4 8 3 6
4 2 8 3 1 6 5 7 9

9 4 7 2 3 8 1 6 5
3 5 2 4 6 1 9 8 7
1 8 6 5 7 9 2 4 3

2 6 5 1 4 7 3 9 8
8 3 9 6 5 2 7 1 4
7 1 4 8 9 3 6 5 2

Diese Aufgabe ist nicht eindeutig lösbar (gesucht: 43) ...
```





# › Ein leeres Sudoku

21:02

```
C:\ Sudopli.exe
Sudopli 1.0 - Copyright 2005 Eberhard Sturm
Lösung <"C:\Dokumente und Einstellungen\admin\Desktop\TRANSPORT\Sudoku\leer.t">
:
1 2 3 4 5 6 7 8 9
4 5 6 7 8 9 1 2 3
7 8 9 1 2 3 4 5 6

2 1 4 3 6 5 8 9 7
3 6 5 8 9 7 2 1 4
8 9 7 2 1 4 3 6 5

5 3 1 6 4 2 9 7 8
6 4 2 9 7 8 5 3 1
9 7 8 5 3 1 6 4 2

Eine weitere Lösung:
1 2 3 4 5 6 7 8 9
4 5 6 7 8 9 1 2 3
7 8 9 1 2 3 4 5 6

2 1 4 3 6 5 8 9 7
3 6 5 8 9 7 2 1 4
8 9 7 2 1 4 3 6 5

5 3 1 6 4 2 9 7 8
6 4 8 9 7 1 5 3 2
9 7 2 5 3 8 6 4 1

Diese Aufgabe ist nicht eindeutig lösbar <gesucht: 81> ...
```



# › Warum gerade in PL/I?

20:57

Idee

- Wesentlich an Sudoku: Matrizen!
- Zeilen, Spalten, Kästen (Untermatrizen)
- Zeilen und Spalten sind problemlos, aber wie kann man Kästen ansprechen?
- Wiederholung **defined**-Attribut:

## 1. Korrespondenz-Definition:

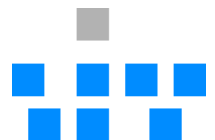
```
dcl A dim (10,10) float, B dim (3,3) float def A;
```

## 2. Überlagerungsdefinition (siehe auch **cell/union** und **based**):

```
dcl A dim (10,10) char, B dim (100) char  
def A pos (K);
```

## 3. iSUB-Definition:

```
dcl A dim (10,10) bit (9),  
      B dim (10) bit (9) def A(1sub,1sub);
```



## Realisierung

- Wenn man festhalten will, welche der Zahlen von 1 bis 9 für ein Feld noch möglich sind, schreibt man am besten:

```
define alias bits bit (9) aligned;
```

- Dann kann man Zeilen, Spalten und Kästchen folgendermaßen deklarieren:

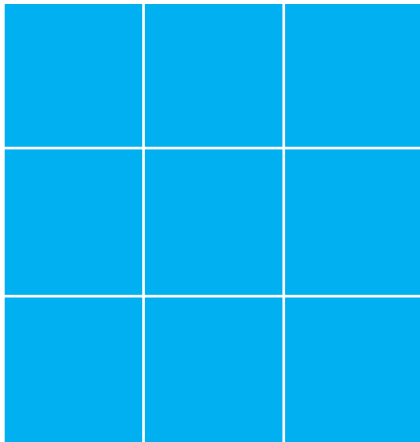
```
dcl V_xxx dim (81) type bits;  
dcl Z_xxx dim (9, 9) type bits based (addr(V_xxx));  
dcl K_xxx dim (9, 3, 3) type bits  
      defined (V_xxx(trunc((1sub-1)/3)*27  
                + mod(1sub-1, 3)*3  
                + (2sub-1)*9  
                + 3sub));
```

- Umwandlung von Zahl in `type bits`:

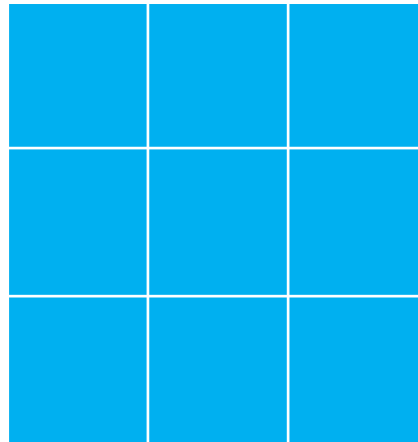
```
dcl Posbit dim (0:9) type bits init ('000000000'b,  
  '100000000'b, '010000000'b, '001000000'b,  
  '000100000'b, '000010000'b, '000001000'b,  
  '000000100'b, '000000010'b, '000000001'b);
```



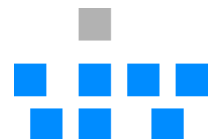
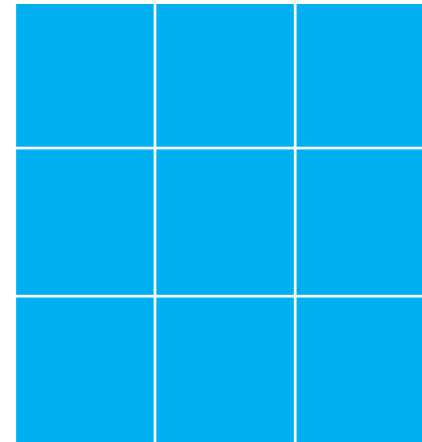
- **V<sub>ein</sub>**  
(wie eingelesen):



- **V<sub>tst</sub>**  
(mehrdeutig):



- **V<sub>aus</sub>**  
(eindeutig):



- Bei Null oder Leerzeichen ist die Zahl zu raten:

```
open file (Sysin)
  title ('/' || Parm || ',recsize(1000)');
do I = 1 to 9;
  get file (Sysin) edit (S) (1);
  S = left(S, 9, '0');
  get string (S) edit (Z_ein(I, *)) (f(1));
end;
close file (Sysin);
```

- Umwandeln in `type bits`:

```
Anzahl_gesucht = 0;
do I = 1 to 81;
  V_aus(I) = Posbit(V_ein(I));
  if V_ein(I) = 0 then Anzahl_gesucht += 1;
end;
```

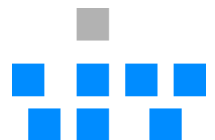


- Falls leicht:

```
do loop;  
  V_tst = Posbit(0); /* alles auf Null */  
  call Berechnen (Fehlzahl, Alles_durchlaufen);  
  if Alles_durchlaufen then leave;  
end;
```
- Falls mittelschwer:

```
do loop;  
  call Auswählen (Etwas_gefunden);  
  if ¬Etwas_gefunden then leave;  
  do loop;  
    V_tst = Posbit(0);  
    call Berechnen (Fehlzahl, Alles_durchlaufen);  
    if Alles_durchlaufen then leave;  
  end;  
  if Fehlzahl = 0 then leave;  
end;
```
- Falls schwer:

```
on condition (Abbruch) goto Ende;  
call Setzen (1, Fertig, Parm);
```



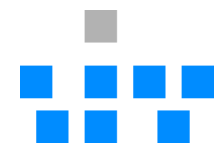
> Wenn es nur noch eine Möglichkeit in einem Feld gibt, setzen wir diese Zahl und fangen ganz von vorn an.

20:57

Versuch 1

```
do I = 1 to 9;
  do J = 1 to 9;
    if Z_aus(I, J) = Posbit(0)
      then do; /* Hier fehlt eine Zahl. */
        Fehlzahl += 1;
        K = Kastenummer(I, J);
        Z_tst(I, J) = ¬(any(Z_aus(I, *))
                      | any(Z_aus(*, J))
                      | any(K_aus(K, *, *)));
        /* Es sind die Bits an, die noch möglich sind */
        if tally(Z_tst(I, J), '1'b) = 1 then do;
          /* Genau eine Zahl ist möglich! */
          Z_aus(I, J) = Z_tst(I, J);
          Alles_durchlaufen = '0'b;
          Fehlzahl -= 1; /* fehlt doch nicht */
          return;
        end;
      end;
    else /* Zahl ist vorhanden. */
      Z_tst(I, J) = Z_aus(I, J);
      /* Es ist nur ein Bit an. */
    end;
  end;
end;
```

sum → +  
any → |

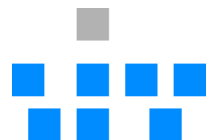


- › Bei Feldern mit mehreren Möglichkeiten nachschauen, ob eine der Zahlen in Zeile, Spalte oder Kasten eindeutig ist!

20:57

## Versuch 2

```
Etwas_gefunden = '1'b;
do L = 2 to 8; /* Anzahl Zahlen pro Feld */
  do I = 1 to 9;
    do J = 1 to 9;
      if tally(Z_tst(I, J), '1'b) = L then do;
        /* Es gibt hier L Möglichkeiten (L > 1). */
        do M = 1 to L;
          Array(M) = Zahlpos(Z_tst(I, J), M);
        /* Hier haben wir alle L Zahlen bei (I,J) versammelt. */
        end;
        Hilf = Z_tst(I, J);
        Z_tst(I, J) = Posbit(0); /* hier keine Zahl */
        if In_zeile_gefunden(I, J, Array, L) then return;
        if In_spalte_gefunden(I, J, Array, L) then return;
        K = Kastennummer(I, J);
        if In_kasten_gefunden(I, J, K, Array, L) then return;
        Z_tst(I, J) = Hilf;
      end;
    end;
  end;
end;
Etwas_gefunden = '0'b;
```



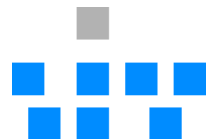


## › Für Restfelder alle Möglichkeiten durchprobieren!

20:57

## Versuch 3

```
Fertig = '0'b;
do Pos = Anfangspos to 81;
  T = tally(V_tst(Pos), '1'b);
  if T > 1 then do;
    do Num = 1 to T;
      Bits = Posbit(Zahlpos(V_tst(Pos), Num));
      /* Die Zahl der NUM-ten Möglichkeit als BITS */
      V_aus(Pos) = Bits; X_tst = V_tst; V_tst(Pos) = Bits;
      if Durchstreichen_möglich(Bits, Pos) then do;
        call Setzen (Pos+1, Fertig, Parm);
        if Fertig then if Lösung_gefunden
          then do; /* nicht eindeutig */
            call Anzeige2 (Z_tst, Z_mem);
            signal condition (Abbruch); end;
          else do; /* schwere Aufgabe */
            call Anzeige (Z_tst);
            Z_mem = Z_tst;
            Lösung_gefunden = '1'b; end;
          Fertig = '0'b; end;
        V_tst = X_tst;
        V_aus(Pos) = Posbit(0); end;
      return; end; end;
Fertig = '1'b;
```



- Aus `Durchstreichen_möglich`:

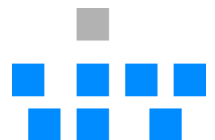
```
Z_tst(I, JJ)  &= XX;  
Z_tst(II, J)  &= XX;  
K_tst(K, II, JJ)  &= XX;  
XX = ¬XX;
```

- Aus `In_zeile_gefunden`, `In_spalte_gefunden`,  
`In_kasten_gefunden`:

```
Bits = any(Z_tst(I, *));  
Bits = any(Z_tst(*, J));  
Bits = any(K_tst(K, *, *));  
if substr(Bits, M, 1) = '0'b then ...
```

- Aus `Anzeige`:

```
T = trim(char(index(Z(I, J), '1'b)));
```



# › Eine Anweisung erweitern ...

20:57

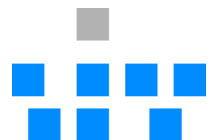
Ausgabe

Anzeige: procedure (Z);

```
dcl Z dim (9, 9) type bits parm nonasgn;
dcl (I, J)          fixed bin (31);
dcl T              char (9) var;

do I = 1 to 9;
  display (' ');
  display (' ') sameline; /* kein NL am Ende */
  do J = 1 to 9;
    T = trim(char(index(Z(I, J), '1'b)));
    if Z_ein(I, J) = 0
      then
        display (T || ' ') sameline color (green);
      else
        display (T || ' ') sameline;
    if mod(J, 3) = 0 & J  $\neq$  9 then display (' ') sameline;
  end;
  if mod(I, 3) = 0 & I  $\neq$  9 then display (' ');
end;

end Anzeige;
```



- Ohne PL/I kein Sudoku-Programm
- Definition dreier Schwierigkeitsgrade:
  - eindeutige festlegen
  - mehrdeutige festlegen
  - verbleibende Felder durchprobieren
- Darstellung der Möglichkeiten in **bit** (9)
- Darstellung des Bretts mit Matrizen
- Kästchen sind normale Untermatrizen (iSUB)
- Bit-Operationen (**&**, **¬**)
- Matrix-Builtin-Funktionen (**any**)
- String-Builtin-Funktionen (**tally**, **index**)
- **display**-Makro mit Farben

